# 低圧力比ファンの空力・エアロメカ・騒音に関する技術開発

#### Development of Technologies for Aerodynamics, Aero-Mechanics and Noise of Low Pressure Ratio Fan

林		亮	輔	航空・宇宙・防衛事業領域技術開発センター要素技術部	主査	博士(工学)
<u> </u>	石		敦	航空・宇宙・防衛事業領域技術開発センター要素技術部	主査	博士(工学)
楠	田	真	也	航空・宇宙・防衛事業領域技術開発センター要素技術部	主幹	博士(工学)

航空機エンジンの燃費改善と騒音低減が求められる中,高バイパス比化・低圧力比化が進む民間エンジンのファ ンにおける設計課題に対応するためには、空力・エアロメカ・騒音に関する技術開発が不可欠である。本稿では、 IHI で取り組んでいるこれら技術開発について述べる。空力では、ファン翼面の層流領域を実証するための試験や、 層流領域拡大技術の構築に向けた取組みを紹介する。エアロメカでは、フラッタや NSV (Non-Synchronous Vibration)について試験と CFD (Computational Fluid Dynamics)の結果を基に分析し、翼振動の発生メカニズムを解 説する。騒音では、動翼とパイロンなどの周囲構造物による干渉がディストーションを通じて騒音増大を助長する メカニズムを明らかにする。

As the demand for fuel efficiency improvement and noise reduction in aircraft engines increases, addressing the design challenges of high bypass ratio and low pressure ratio civil engine fans require the development of technologies for aerodynamics, aero-mechanics and noise. This paper discusses the technological developments being undertaken at IHI to address these challenges. In aerodynamics, this paper introduces efforts to validate laminar flow areas on fan blade surfaces through test and to develop techniques for expanding the laminar flow area. In aero-mechanics, flutter and NSV (non-synchronous vibration) are analyzed based on both test and CFD (computational fluid dynamics) results to explain the mechanisms of blade vibration. In terms of noise, the mechanism by which interference between fan blades and surrounding structures, such as the pylon, causes noise increase through distortion is clarified.

#### 1. 緒 言

気候変動への対策が世界的に進められている昨今, 航空 機エンジンはその環境負荷の低減が急務である. この課題 に対応するため, エンジンはさらなる燃費改善と騒音低減 が求められる. 第1図に民間エンジン(PW1100G-JM) の構成要素を示す. 燃費改善のために, ファンはより多く の空気を吸い込む必要があり, ファン径は大きくなる. ファン径が大きくなると, ファンは低速で回転するように なり, ファンの圧力比は低くなる. このように, 民間エン ジンのファンは高バイパス比化(エンジン内部を流れる 空気量よりエンジン外側を流れる空気量が大幅に多くな



る)・低圧力比化が進んでいる.

本稿では、低圧力比ファンの設計において鍵となる空 力、エアロメカ(空気力学・構造力学の統合や流体関連 振動)、騒音に関する技術について紹介する.

## 2. 空 力

## 2.1 低圧力比ファンの損失

低圧力比ファンにおける損失の要因は、衝撃波による損 失、翼端漏れ流れによる損失、翼面摩擦による損失、二次 流れによる損失である. 第2図に低圧力比ファンの損失 の内訳を示す.損失の中でも翼面摩擦による損失は、損失 全体の半分以上を占めるため、本稿では翼面摩擦による損 失の改善に焦点を当てる.

翼面境界層の翼面摩擦損失については, 亜音速の翼列試 験による詳細な研究がなされている. 例えば, 前縁の翼面 粗さが翼面境界層遷移および翼面境界層による圧力損失に 与える影響<sup>(2)</sup>や前縁形状が翼面境界層遷移に与える影 響<sup>(3)</sup>などが研究されている. 一方で民間エンジンのファ ンは, 一般的に翼弦長が長く, レイノルズ数が高いため, 翼面上で層流境界層が想定されていなかったこと, また相 対流入マッハ数が1を超える超音速であり, 翼列試験な どによる詳細計測が難しいこともあり, 翼面境界層に関す る研究が十分に進んでいない.

#### 2.2 ファンの層流境界層の実証試験

本節では, 層流効果によるファン単翼の効率向上を実証 することを目的とした回転リグ試験<sup>(4)</sup>について紹介す る. 具体的には, ファン前縁付近に乱流促進体を施工する 前後の効率差を計測し, その効率差を層流効果とする.

## 2.2.1 空力設計

第3図に本研究で設計した供試体の子午面図を示す.



本供試体は、高バイパス比ファンのバイパス部のみを模擬 しており、20枚のファンと48枚のファン出口案内翼(Fan Exit Guide Vane: FEGV)から構成される.

先行研究<sup>(4)</sup>において,翼前縁形状(円弧/楕円弧)が 乱流遷移に及ぼす影響が調査されている.翼前縁が円弧の 翼は流入角が増加したときに流れの急加減速(スパイク) が生じ,乱流遷移が発生しやすい.一方,翼前縁形状が楕 円弧である翼は流入角が増加してもスパイクが生じにくい ため,翼面の境界層が層流のまま維持されやすいことが示 されている.このような知見から,本研究で設計したファ ンの前縁形状には楕円形状を採用した.**第4図**に空力設 計点の $\gamma$ -Re<sub> $\theta$ </sub>遷移モデル<sup>(5)</sup>解析結果より得られた乱流間 欠度 $\gamma$ のコンターを示す.図中の青い領域( $\gamma$ =0)が層 流,赤い領域( $\gamma$ =1)が乱流を表す.したがって,CFD (数値流体力学)結果からは本研究で設計したファンが翼 面に層流領域を有することが確認された.

#### 2.2.2 試験とその結果

試験は、国立研究開発法人宇宙航空研究開発機構 (JAXA)調布航空宇宙センターの 2.2 MW 系回転要素試 験設備にて行った.流量計測については、出口配管に設置





第2図 低圧力比ファンの損失 Fig. 2 Loss of low pressure ratio fan

したオリフィス流量計を用いる.ファン入口においては, 全圧を貯気室内の全圧計,全温を貯気室内の測温抵抗体に より求める.また,ファン出口においては,圧力・温度と もに FEGV 前縁に設置した全圧・全温計により計測した 値を採用する.

本試験では層流効果を把握するため, 翼面に乱流促進体 を施工する場合(乱流)としない場合(層流)の性能を 取得した. 第5図に使用した乱流促進体を示す. 施工箇 所(図中の点線で囲われた領域)は, 翼の正圧面・負圧 面の双方における前縁から5%コード位置であり, 全 20枚の翼である. 乱流促進体の施工により翼面にステッ プができるため, 圧損が生じることが懸念される. この圧 損が十分に小さく, 層流/乱流の性能差の計測においては 無視できる程度ということを確認している.

第6図は、設計点近傍の層流効果による断熱効率の差 である. CFD については、層流が  $\gamma$ -Re<sub> $\theta$ </sub> 遷移モデル解 析、乱流が SST (Shear Stress Transport)モデル<sup>(6)</sup>解析 の結果である. 第6図から、CFD では乱流モデルの差、 試験では乱流促進体の有無により、CFD と試験ともに効 率差があることが分かる.すなわち、本研究で設計した ファンは層流領域を有すること、層流効果により断熱効率 が上昇することが実証された.また、試験と CFD の層流 効果による効率差がおおよそ一致している.

#### 2.3 層流領域拡大技術

本章の最後に, さらなるファン効率向上のために重要な 技術の一つである層流領域拡大について紹介する. 一般的 に, 低圧力比ファンのチップ側では流入マッハ数が1を 超え, 強い衝撃波が発生することにより, 乱流遷移が発生



する.一方, ミッドスパン付近ではショックが比較的弱い ため, 翼面での減速を制御すれば, 乱流遷移を遅らせるこ とができる.ファンの場合, 翼面の減速は, 翼をどのコー ド方向位置でどれぐらい曲げるか(キャンバー分布)で 決まる. 第7図に層流領域拡大を実現するための翼面背 側のキャンバー分布のコンセプトを示す<sup>(7)</sup>.層流領域拡 大翼では, 減速させても乱流遷移しない 10%コード付近 では翼を曲げ, その後流では減速が緩やかになるように翼 の曲げを抑えている.

本コンセプトを適用した層流領域拡大ファンを設計し, 回転リグ試験を実施した. **第8図**に試験で得られた層流 領域拡大翼と従来翼の設計点効率を示す.棒グラフは左か



第5図 ファン前縁に施工された乱流促進体 Fig. 5 Turbulent device applied to fan leading edge



Fig. 7 Camber distribution for enhanced laminar airfoil



ら順に,層流領域拡大翼・乱流促進体なし,層流領域拡大 翼・乱流促進体あり,従来翼・乱流促進体なし,従来翼・ 乱流促進体ありである.層流領域拡大翼と従来翼を比較す ると,乱流形態の効率は同等であり,層流形態の効率は層 流領域拡大翼の方が高い.これより,層流領域を拡大した ことにより,層流領域拡大翼の効率が向上したことが分か る.

今後,層流領域拡大技術の設計点以外への適用や,ファ ン出口案内翼などの他のコンポーネントへの適用を検討 し,エンジン全体のさらなる燃費改善を達成することが課 題である.

## 3. エアロメカ

低圧力比化に伴う構造的・空力的な設計条件の変化により,従来経験されてこなかったタイプの翼振動が顕在化する可能性もあるため,試験やシミュレーションによる現象 理解と予測手法の確立が開発を成功させるための鍵となる.本章では,社内試験で経験された翼振動を例に,CFD による予測を試みた事例を紹介する.

#### 3.1 低圧力比ファンにおける翼振動現象

第9図に航空機エンジンファンで経験される翼振動現 象を模式図にしてまとめる. 第9図-(a)は流量・圧力 比で示すファン特性マップであり,高空・地上の各作動線 (それぞれ灰色,青色)と,回転数一定の特性曲線5本 (黒色)が示されている.各回転数で流量を低下させると ファンは空力的失速(茶色)を経験する.

地上作動においては,高空作動よりも出口静圧が入口全 圧に対して高く,失速に近い条件で作動することになる. 失速発生よりも高流量の条件では,高速な流れのもと翼振



**第9図** 低圧力比ファンに生じる翼振動の分類 Fig. 9 Classification of blade vibration in low pressure ratio fan

動が気流と相互作用して生じる自励振動であるフラッタ や、剥離流や音響の関連した翼振動である NSV (Non-Synchronous Vibration)が発生することがある(発生点・ 領域を緑、赤で表示).これら翼振動の発生領域が作動線 から十分離れているように設計し、その結果を確認する必 要がある.

第9図-(b)に、ファン動翼の回転数に対して、翼振動モードの振動数と、回転数の整数倍に比例する励振源の振動数を合わせて示した図(Campbell 線図)を示す.フラッタは励振源がなくても低い次数の振動モードで生じやすい.一方、強制振動応答は翼振動モードと流れの非一様性に起因する励振力の振動数が一致する共振点で顕在化する.これら二つの事象の他、NSV は共振点か否かによらず発生することがあり、特性マップ上の発生傾向や振動数、振動モードの傾向からフラッタ・強制振動応答との違いを総合的に判断して分類する.

## 3.2 試験で観察された翼振動

IHI が実施したファン試験においては,発生をあらかじめ想定していた翼1次曲げモード(IF)のフラッタに加

えて, 翼 2 次曲げモード (2F)の NSV が発生した. 第 10 図に試験対象の低圧力比ファンと 2F モードの形状を 示す.構造解析により取得された 2F モードの振動振幅分 布では, 翼端の前縁側に最大振幅が生じることが分かる. 試験では, 回転数や流量を変化させて特性マップを取得し た.

第11 図に取得されたファン特性マップを示す. 図中赤 破線は各回転数における 1F モードフラッタの発生点を, 青破線は 2F モード NSV の発生点を示す. 1F フラッタ 発生時は,発生後急速に試験で許容する振動振幅上限に達 するため,発生点以下の流量では運転できない. 一方で, 2F NSV については,翼振幅が急激に増幅する場合もある が,試験継続可能な振幅にとどまれば発生点以下の流量で 運転できる場合もある. また,77%回転数では,2F NSV 発生後直ちに 1F フラッタも発生するといった複雑な様相 を呈している.

これまでファンに生じるフラッタは 1F モードで生じる とされてきたが、この例のように 2F モードの NSV が





1F フラッタに先立ち生じることもある. したがって, 1F モードフラッタと同様に 2F モード NSV も予測・回避が 重要と考えられ,現象把握と予測の試みを進めている.

#### 3.3 2F モード NSV の現象把握・予測の試み

供試ファンの 77%回転数に着目した現象把握と予測の 試み<sup>(8)</sup>を紹介する. 2F モード NSV は等回転数特性曲 線の低流量側作動点(規格化した流量で 0.96)で生じた ため,周辺の作動点において試験で観測されたものと同じ 振動パターンで翼を強制振動させ,変動圧力による減衰力 (空力減衰)を CFD によって評価した.用いた数値解析 および減衰力評価手法の概要は文献<sup>(9)</sup>を参照されたい.

第12図に77%回転数におけるファン特性マップ上の 位置と、空力減衰の各流量における空力減衰を示す.ピン ク色は翼振動を与えない定常・非定常解析結果であり、灰 色の試験結果の傾向をよく捉えている.空力減衰の推移は 失速に近い条件であることから過渡的な解析で評価してお り、青色は翼振動を与えた過渡的な非定常解析結果であ る.過渡解析ではファン入口流量が徐々に減少し、空力減 衰も変化している.試験結果では流量 0.96 付近で NSV が発生した一方、解析結果では流量 0.92 付近で空力減衰 が負になり、翼振動が不安定(増幅)化する結果となっ た.したがって、不安定な翼振動の発生点流量としては約 4%の差で予測できている.



第13回に翼振動が安定な作動点 OP C と不安定な作動 点 OP D における翼端のエントロピー分布と翼負圧面上 の限界流線を CFD 解析結果より示す.限界流線上の青い 部分が逆流領域に対応する.翼端では剥離渦放出に対応す る高エントロピー領域が見られるが,翼振動が不安定化す る前後で負圧面の剥離領域が拡大するとともに放出渦も大 きな構造に変化し,隣の翼に衝突する様子が見られる.

翼振動が不安定になる理由を考察するため, 第14 図に 空力減衰力として働く圧力変動成分の分布を, 翼正圧面に 対して示す. 図中の青い領域が減衰力, 赤い領域が励振力 として作用する. 第13 図で示したとおり, この条件では 流量減少に伴い隣接翼に渦が流れていくが, 流れた渦は翼 正圧面の翼端前縁に衝突する. 第10 図より, 2F モード は翼端前縁が大きく振動するモード形状であり, この位置 に渦が翼振動と同じ振動数で衝突し, 2F モードを不安定 化する強い励振力になっていると考えられる.

### 4. 騒 音

#### 4.1 ファン騒音

ファン騒音にはさまざまなタイプの音源があり、ファン

から生じる騒音のスペクトルの例を**第 15 図**に示す.特定 の周波数が卓越する BPF (Blade Passing Frequency)成分 や回転次数成分のバズソー騒音 (Multiple Pure Tone とも 呼ばれる)や,種々の周波数成分が含まれる広帯域音が 存在することが分かる.ファン騒音で支配的な BPF 音は, ① 動翼の後流と静翼との干渉による静翼からの騒音<sup>(10)</sup>, ② 周方向に不均一なディストーション流れと動翼との干 渉による動翼からの騒音<sup>(11),(12)</sup>,③ 動翼が回転するこ とによる動翼自身からの騒音<sup>(13)</sup>などである.

ファン要素は前方にインテーク,後方には機体とエンジ ンをつなぐパイロン(バイファケーションとも呼ばれる) がある.将来想定されるエンジンは,軽量化のためにイン テーク/ナセルは短くなり,インテークでの整流効果が少 なくなりファン前方のディストーションが大きくなると考 えられる<sup>(14)</sup>.またナセルの短縮によりファンとパイロン との間隔が短くなりパイロンによるディストーションが強 くなる.また高バイパス比化によりファン径が大きくなり エンジン重量が増えるためエンジンを支えるパイロンが大 きくなり,さらに低圧力比化によって流速も速くなること でもパイロンからのディストーションが大きくなる.その



OP C





第13図 翼端付近エントロピー分布と翼面逆流領域 Fig. 13 Entropy contour near tip and surface flow reversal area



Fig. 14 Local aerodynamic damping on blade pressure surface

Fig. 15 Spectrum of fan noise

ためディストーションとファン動翼の干渉による騒音を実 験と CFD により調査した.

#### 4.2 ファン騒音の実験

IHI 瑞穂工場内にある無響風洞(長さ 16×幅 10×高 さ8m)に設置されたファン実験装置および遠方場での マイクロホン計測の様子を**第 16 図**に示す.無響風洞の内 壁は吸音材で覆われている.ファンは高さ3m位置に設 置され,同じ高さでファン上流側の遠方場騒音を計測し た.ファン実験装置と計測概要を**第 17 図**に示す.ファン ダクト上流にはベルマウスと Inflow Control Devices (ICD) が装着されている. ICD は地面や壁などからの乱れた流れ



第16図 無響風洞でのファン騒音試験 Fig. 16 Fan noise test in anechoic wind tunnel



を整流し予期せぬ音の発生を抑制するためのものである.

ファン後方に設置したパイロンを模擬した円柱の大きさ や位置を変えることでディストーションの大きさと騒音の 関係を調査した.ファン動翼と円柱の動翼チップ断面での 様子を第18 図に示す.騒音計測は設計回転数の90%回 転数まで実施され、遠方場での計測結果から1st BPF の 音響パワーレベル<sup>(15)</sup>を求めた結果を第19 図に示す.図 から亜音速の54 ~ 66%回転数は、円柱有無や円柱形状 の影響は小さく、66%回転数で僅かに円柱がある影響で 音響パワーレベルが大きくなっている.遷音速領域の74 ~ 78%回転数では、円柱の有無で音響パワーレベルが明ら かに異なり、円柱がある場合は音響パワーレベルが増大し ている.この増大するメカニズムは4.3節で述べる.



第 18 図 ファンチップ断面位置における円柱の位置と大きさFig. 18 Cylinder location and size at fan tip section



第19図 1st BPF 音響パワーレベル Fig. 19 Sound power level of 1st BPF

また円柱の位置や大きさの違いによる差も表れており, 円柱 B よりも直径が大きい円柱 A は音響パワーレベル が大きく,円柱 B よりも下流に設置された円柱 C は音響 パワーレベルが小さいことが分かる.これよりディストー ションの大きさに応じ,ファン騒音も大きくなることが分 かる.

一方,動翼チップ周速が超音速となる 86%回転数以上 では,円柱有無や円柱の種類が異なっていても同程度の音 響パワーレベルとなっている.これは,動翼自体の音源が 支配的となるためである.具体的には回転数が高くなると 周波数も高くなり,流速も速くなるために動翼自体で生じ る音響モードがダクト内で伝播(カットオン)<sup>(16)</sup>し,外 部へ放射されるからである.

## 4.3 ファン騒音の CFD 解析

ファン騒音の実験を模擬した CFD 結果の概要を第20 図に瞬時の静圧分布で示す.円柱ありの第20図-(b)と 円柱なしの-(c)を比較すると、ファン後方にある円柱か ら生じるディストーション(静圧ポテンシャル場)と動 翼が干渉し、ファン動翼の前方に騒音が伝播している様子 が分かる.

円柱から生じるディストーションの実験および CFD 結 果を 66%回転数は第 21 図に,74%回転数は第 22 図に 示す.縦軸は静圧 Ps,周方向平均静圧値 Ps\_ave とし (Ps/Ps\_ave)-1 で無次元化した値であり,流速が速い74% 回転数の方がディストーションが大きいことが分かる.こ れら(第 21 図,第 22 図)の-(a)が第 17 図の壁圧計 測位置に対応した動翼近傍,-(b)が円柱近傍を示してい る.第 21 図,第 22 図から実験と CFD は一致しており, CFD は実験を模擬できていることが分かる.このディス トーションが動翼と干渉することにより動翼表面には非定





常な空力負荷が生じ,結果として動翼面から音が発生す る.具体的には TOP 位置(0度位置)にある円柱から生 じるディストーションを回転する動翼が横切るからであ り,その様子を**第 23 図**に示す.**第 23 図 - (b)**はファン 出口側から動翼を見た図であり,TOP 側で静圧が高いこ とが分かる.そのため,ファン動翼が1回転する際に, TOP 側は円柱がありファン出口の静圧が高いため吸い込 み流量が少ない絞り作動,Bottom 側ではファン出口の静 圧が低いため吸い込み流量が多い開き作動となり,動翼の





**Fig. 22** Static pressure distribution on duct outer wall (74% speed )



負圧面(**第23図-(a)**)においても,周方向位置によっ て静圧の分布が異なる.このように動翼表面には回転する ことで非定常な圧力変動が生じる.

動翼面での非定常圧力分布について,動翼1回転で 1回の変動をポテンシャル場から受けた結果(λ=|1|に対 応,λは円柱ポテンシャル場の周方向ハーモニック数) を**第24図**に示す.動翼の負圧面において,遷音速の74% 回転数では衝撃波の発生位置近傍で非定常圧力が高く,亜 音速の66%回転数では前縁で高いことが分かる.一方で,



正圧面では、非定常圧の分布は似ており、回転数とディス トーションの大きさ(流速が速いと大きくなる)に応じ たものとなっている.

揚力面理論<sup>(17)</sup>では、正圧面と負圧面の非定常圧力差、 つまり非定常空力負荷が、薄い動翼面上に分布する双極子 音源として振る舞うことが示されている.この非定常空力 負荷をチップ近傍で定量的に表したものを**第 25 図**に示 す.図のように亜音速の 66%回転数では前縁近傍が大き く、遷音速の 74%回転数では衝撃波の発生位置(横軸が 約 0.3)で大きいことが分かる.また非定常空力負荷の値 も 74%回転数では 66%回転数に比べ大きい.これが、**第** 19 図に示された 74%回転数で音響パワーレベルが増大す る主な理由である.なお、この例では円柱が周方向に 1 本 であり動翼 1 回転で動翼面において 1 回の変動( $\lambda = |1|$ ) が大きいことが**第 25 図**からも分かる.

以上から, 騒音試験と CFD によりディストーションと 動翼が干渉するファン騒音の発生メカニズムおよび動翼の 音源位置を明らかにすることができた. 今後はこの知見を 低騒音ファン設計に活用していく.



**第 25 図** チップ近傍の動翼表面の非定常圧力分布 Fig. 25 Unsteady pressure loading distribution on blade surface near tip

### 5. 結 言

本稿では、高バイパス比化・低圧力比化が進む民間エン ジンのファンの設計課題に対応するための技術開発につい て紹介した.高バイパス比化には燃費改善という利点があ る一方で、ファン径の大口径化による重量増加という問題 がある.この問題に対応するため、軽量化技術として複合 材の適用が進められているが、複合材はその耐衝撃性の確 保や、そのための翼厚増加による空力性能への影響が課題 である.さらに構造振動特性やダクト、ナセルなど翼まわ りの環境も変わるため、エアロメカ特性や騒音特性も影響 を受ける、今後は、これらの課題に対応した空力・エアロ メカ・騒音の技術のさらなる向上に取り組んでいく.

#### — 謝 辞 —

本研究の一部は,経済産業省の民間航空機基盤技術プロ グラムによる「環境適応型小型航空機用エンジン研究開 発」の一環として,国立研究開発法人新エネルギー・産 業技術総合開発機構(NEDO)から助成を受けて実施した ものが含まれています.また,試験設備および流体解析ソフト UPACS の使用許可をしてくださった国立研究開発 法人宇宙航空研究開発機構(JAXA)の関係者各位に深く 感謝の意を表します.

## 参考文献

- (1) IHI ホームページ: IHIing, https://www.ihi.co.jp/
   ihiing/hot\_topic/20240719-01.html,(参照 2025. 3. 25)
- (2) R. Leipold, M. Boese and L. Fottner : The Influence of Technical Surface Roughness on the Flow Around a Highly Loaded Compressor Cascade, ASME 99-GT-366, (1999)
- (3) M. N. Goodhand and R. J. Miller : The Impact of Real Geometries on Three-Dimensional Separations in Compressors, ASME Paper GT2010-22246, (2010), pp. 129 - 138
- (4) R. Hayashi, N. Tanaka, T. Enoki, T. Murooka, D. Kato, D. Masaki, J. Kazawa, S. Enomoto and T. Nishizawa : Experimental Study of Laminar Flow Effect for Transonic Engine Fan, Proceedings of the International Gas Turbine Congress, IGTC-2019-089, (2019)
- (5) F. R. Menter, R. B. Langtry, S. R. Likki, Y. B. Suzen,
  P. G. Huang and S. Völker : A Correlation-Based Transition Model Using Local Variables Part I — Model Formulation, ASME Paper GT2004-53452, (2004),
  pp. 57 - 67
- (6) F. R. Menter : Two-Equation Eddy-Viscosity Turbulence Models for Engineering Applications, AIAA Journal, Vol. 32, No. 8, (1994), pp. 1,598 - 1,605
- (7) R. Okada, R. Hayashi, T. Murooka and T. Enoki : Blade of Fan or Compressor, US11125085B2, (2019)
- (8) M. Aotsuka and T. Murooka : Numerical Analysis of Fan Transonic Stall Flutter, ASME Paper GT2014-26703, (2014)
- (9) A. Tateishi, M. Aotsuka, S. Kusuda, N. Tanaka, T. Enoki and T. Murooka : Aeroelastic assessment of the second flexure mode excitation in a low pressure ratio fan, Journal of the Global Power and Propulsion Society, Vol. 8, (2024), pp. 471 482

- (10) S. Kusuda, N. Tsuchiya, H. Kodama and M. Namba : Prediction of Fan Tonal Noise at Far-field with Rotor-Stator Interaction Effect, Proceedings of International Symposium on Air Breathing Engines 2011, pp. 1,152 1,161
- (11) S. Kusuda, N. Yamasaki, C. Inoue and M. Namba : Aircraft Engine Fan Tone Noise due to Back-Pressure Distortion Caused by a Downstream Pylon under High-Speed Conditions, Journal of Sound and Vibration, Vol. 572, (2024), 118163
- (12) H. Naruse, T. Ishii, H. Oinuma, S. Kusuda, Y. Ooba, K. Hirakawa and H. Ishikawa : The Effect of Intake Length on Aerodynamic Characteristics under Inlet Distortion, Proceedings of 2020 International Congress on Noise Control Engineering, (2020), pp. 1,079 1,089
- (13) M. J. T. Smith : Aircraft Noise, Cambridge University Press, (1989)

- (14) A. Peters, Z. S. Spakovszky, W. K. Lord and B. Rose : Ultrashort Nacelles for Low Fan Pressure Ratio Propulsors, Journal of Turbomachinery, Vol. 137, Iss. 2, (2015), 021001
- (15) ISO 3745: 2012 : Acoustics Determination of Sound Power Levels and Sound Energy Levels of Noise Sources using Sound Pressure — Precision Methods for Anechoic rooms and Hemi-Anechoic Rooms, (2012)
- (16) J. M. Tyler and T. G. Sofrin : Axial Flow Compressor Noise Studies, SAE Transactions, Vol. 70, (1962), pp. 309 - 332
- (17) M. Namba and J. Schulten : Category 4 Fan Stator with Harmonic Excitation by Rotor Wake, Third Computational Aeroacoustics (CAA) Workshop on Benchmark Problems, NASA/CP-2000-209790, M. D. Dahl, National Aeronautics and Space Administration, (2000), pp. 73 - 86