## 鉄道車両台車枠溶接継手の信頼性管理手法

## Reliability Management Methods for Welded Joints of Railway Vehicle Bogie Frames

大	谷	佳	広	技術開発本部技術基盤センター数理工学技術部(博士(情報学)
髙	梨	正	祐	技術開発本部技術基盤センター材料・構造技術部 主査 博士(工学)
豊	田		真	技術開発本部技術基盤センター数理工学技術部 部長 博士(工学)
酒	井	信	介	株式会社神戸工業試験場 兼 横浜国立大学 総合学術高等研究院 博士(工学)

供用中の鉄道車両台車枠に加わる荷重は大きく変動するため,溶接継手の疲労寿命を評価する場合には荷重と材料強度の両方についてばらつきと不確実性を注意深く検討する必要がある.本研究では信頼性工学に基づき,破壊確率と信頼水準を明確に区別した新しい手法を開発した.荷重のばらつきが比較的小さい場合にはシンプルな式により破壊確率と安全率を決定できることを示した.容易に参照できるよう,目標破壊確率に応じた安全率を表形式で掲載した.荷重のばらつきが比較的大きい場合にはモンテカルロ法を用いることにより破壊確率を求めることができることを示した.最後に,先行文献に記載の事例について破壊確率を算出し,その結果について考察した.

The load on bogie frames for railway vehicles in service varies greatly, which requires careful consideration of both variability and uncertainty in load and material strength when assessing the fatigue life of welded joints. In this study, a new method was developed based on reliability engineering to clearly differentiate between reliability and confidence level. The results showed that a simple formula could be used to determine the probability of failure and safety factor when load variation was relatively small. For easy reference, we provided the tables of partial safety factors for the target reliability. In situations with large load variation, we found that Monte Carlo simulations were effective for calculating the probability of failure. Lastly, we compared our calculated probabilities of failure with the literature and discussed these results.

## 1. 緒 言

鉄道車両台車枠は,車体に加わる荷重を支持する台車 の主要な強度を担う構造部品である.1950年代以前はボ ルト結合によって組み立てられていたとされる<sup>(1)</sup>が,溶 接技術の発達に伴い,現在では溶接構造が採用されてい る.

他の機械機器や溶接構造物と比較したときの台車枠に加 わる荷重の著しい特徴として,走行条件や線路状態に依存 して非常に変動が大きくなることが挙げられる.例えば牧 野ら<sup>(2)</sup>は,走行中の応力測定試験の結果より,走行 1 km 当たりの疲労損傷度は対数正規分布に従うことを見 いだしている.これは著者らの経験にも合致するものであ る.この事実は,材料強度の不確かさのみならず,荷重の 不確かさも考慮に入れた確率論的強度評価をする必要があ ることを示唆している.

我が国における台車枠の設計は,JIS 規格<sup>(3)</sup>に準じて 行われる.JIS 規格では経験的に荷重が与えられ,台車枠 に発生する応力が疲労限度を超えないように設計される. また,走行試験を行って発生応力頻度から溶接継手の疲労 寿命および強度を推定する方法としては、長瀬の方法<sup>(1)</sup> も用いられる.しかし、これらの手法には確率論が陽な形 で取り入れられておらず、走行距離に応じた定量的な破壊 評価ができない.

材料強度側,荷重側の双方のばらつきを考慮し,確率論 を用いて溶接継手の破壊確率を求めた先駆的な事例とし て,牧野ら<sup>(2)</sup>の研究が挙げられる.牧野らの成果は鉄道 車両台車枠の疲労損傷評価に信頼性工学的手法<sup>(4)</sup>を導入 したこと,実測データに基づく評価をしたことである.

本稿では、小標本の不確定性をも取り入れたうえで鉄道 車両台車枠の溶接継手を対象とした確率的寿命評価法を提 案し、信頼性工学的取扱いを強化した.荷重側のばらつき の大小によって手法を場合分けし、荷重側のばらつきが小 さい場合においては部分安全係数表が適用できることを示 し、荷重側のばらつきが大きい場合にはモンテカルロ法に よって破壊確率が算出できることを示した.最後に、フ ローチャートを示して具体的な信頼性管理の手順を提案 し、実問題に適用可能な形とした.

## 2. 数式記号一覧

G	:	限界状態関数
$1-\gamma$	:	信頼水準
р	:	破壞確率
$p_{\rm A}$	:	目標破壞確率
β	:	信頼性指標
Φ	:	標準正規分布の累積分布関数
$F(\mu, \sigma, x)$	:	平均値がμ,標準偏差がσである正規分布
		の変数 x に対する累積分布関数
$N_{\mathrm{f}S}$	:	応力範囲が S であるときの予測寿命
$n_{\mathrm{f}S}$	:	応力範囲が S であるときの実寿命
$D_{\rm cr}$	:	材料に損傷が発生する限界疲労損傷度
$\mu_{ m R}$	:	$\ln(D_{\rm cr})$ の母平均
$\sigma_{ m R}$	:	$\ln(D_{cr})$ の母標準偏差
$\mu_{\mathrm{R},\gamma}$	:	信頼水準 1-γ を設定したときの μ <sub>R</sub> の信頼
		下限
$\sigma_{\mathrm{R},\gamma}$	:	信頼水準 1- $\gamma$ を設定したときの $\sigma_{R}$ の信頼
		上限
$N_{\rm R}$	:	D <sub>cr</sub> の標本数
$d_{\mathrm{R},i}$	:	$D_{\rm cr}$ の標本 ( $i=1 \sim N_{\rm R}$ であり, $i$ 番目の標本
		を意味する)
$\hat{d}_{\mathrm{R}}$	:	D <sub>cr</sub> の標本平均
$\hat{m}_{\mathrm{R}}$	:	$\ln(D_{\rm cr})$ の標本平均
$\hat{s}_{\mathrm{R}}^2$	:	$\ln(D_{\rm cr})$ の不偏分散
a	:	単位距離(km)
k	:	任意の走行距離(km)を単位距離で除した数
$D_{\mathrm{L}}$	:	ka 走行したときに荷重によって溶接継手に
		生じる累積疲労損傷度
$D_{\mathrm{L}i}$	:	単位距離走行したときの累積疲労損傷度
		$(i=1 \sim k$ であり, k 個の独立同分布の確率
		変数の i 番目を意味する )
$\mu_{ m L}$	:	$\ln(D_{\mathrm{L}i})$ の母平均
$\sigma_{\scriptscriptstyle  m L}$	:	ln( <i>D<sub>Li</sub></i> )の母標準偏差
$\mu_{\mathrm{L},\gamma}$	:	信頼水準 1-γを設定したときの μ <sub>L</sub> の信頼
		上限
$\sigma_{\mathrm{L},\gamma}$	:	信頼水準 1- $\gamma$ を設定したときの $\sigma_L$ の信頼
		上限
$N_{\rm L}$	:	D <sub>Li</sub> の標本数
$d_{\mathrm{L},i}$	:	$D_{\text{L}i}$ の標本 ( $i=1 \sim N_{\text{L}}$ であり, $i$ 番目の標本
		を意味する)
$\hat{d}_{\mathrm{L}}$	:	D <sub>Li</sub> の標本平均

- $\hat{m}_{L}$  :  $\ln(D_{L})$ の標本平均
- $\hat{s}_{L}^{2}$  :  $\ln(D_{Li})$ の不偏分散
- $D_{\rm cr}^*$  :  $D_{\rm cr}$ の設計点
- $D_{\rm L}^*$  :  $D_{\rm L}$ の設計点

## 3. 信頼性評価手法

#### 3.1 限界状態関数

第1図に示すように、ka 走行したときに荷重によって 生じる累積疲労損傷度  $D_L$ は、ka とともに増加する。一 方、材料に損傷が発生する限界疲労損傷度  $D_{cr}$ は任意の 走行距離 ka によらず、常に同一の母集団からのサンプル とする。ここでは  $D_L$  が  $D_{cr}$  を超えたときに破壊が生じ ると考え、(1)式のように限界状態関数を定義する。

 $G = D_{\rm cr} - D_{\rm L} \qquad (1)$ 

すなわち, *G* < 0 となったとき破壊が生じると考える. 累積疲労損傷度はレインフロー法などによって応力範囲を 計数し,修正マイナー則などの損傷則を用いて算出する.

本手法では、小標本であることに伴う不確定性を取り扱うため信頼水準 1- $\gamma$ を設定し、目標信頼度 1- $p_A$ (破壊確率  $p_A$ )を決定したうえで、部分安全係数もしくは走行距離を決定する。具体的には酒井の文献<sup>(5)</sup>あるいは IIW 指針<sup>(6)</sup>を参考にし、 $D_{cr}$ もしくは  $D_L$ の従う確率分布の母数  $\mu_{*,r}$   $\sigma_*$ (\*は R もしくは L)が確率 1- $\gamma$ で取り得る最悪値である信頼上限(もしくは下限) $\mu_{*,r}$   $\sigma_{*,\gamma}$ を明確にし、母数が最悪値を取る場合の非破壊確率が 1- $p_A$ となるように部分安全係数を算出した。

信頼水準 1-γの値は受発注者の合意によって決めるべきものであるが,目安としては,例えば IIW 指針<sup>(6)</sup>に 0.875 と記載がある.また,米軍 MIL 規格における軍用



**第1図** 走行距離に対する D<sub>cr</sub> と D の確率密度分布の関係 Fig.1 Probability distributions of D<sub>cr</sub> and D against mileage 機の許容値の値である 0.95 も参考にすることができる <sup>(7)</sup>.

3.2 材料に損傷が発生する限界疲労損傷度 D<sub>cr</sub> について 規格類においては溶接継手の疲労寿命は,横軸に疲労寿 命,縦軸に応力範囲を取った両対数グラフ上で,右下がり の直線を中心に分布すると仮定されている<sup>(8),(9)</sup>.疲労 限度を考慮しない修正マイナー則を仮定すると,一定の応 力範囲 *S* が作用した場合の予測寿命 N<sub>fS</sub> は(2)式で表さ れる.

 $C = S^m N_{fs}$  (2) ここに、*C*、*m* は定数であり、確定値である.したがっ て、寿命の予測値である  $N_{fs}$  も確定値である.しかし、 実際に疲労試験を実施すると疲労寿命  $n_{fs}$  はばらつきを示 す.溶接継手に限らず、一般に金属材料の疲労寿命は、疲 労寿命曲線の傾斜部においては対数正規分布に従う<sup>(10)</sup> そこで、 $n_{fs}$  を確率変数として考え、疲労破壊が生じる限 界疲労損傷度を表す確率変数  $D_{cr}$  を(3)式のように寿命 比として定義する.

 $D_{\rm cr} = \frac{n_{\rm fS}}{N_{\rm fS}} \qquad (3)$ 

仮に材料強度のばらつきが一切なければ、 $D_{cr} = 1$  で必ず 材料は破壊するが、実際には  $D_{cr}$  は 1 を中心にばらつく.  $n_{fS}$  が対数正規分布に従うと仮定した場合、 $D_{cr}$  も同様に対 数正規分布に従う. 確率分布の変数変換の公式から  $\ln(D_{cr})$ の分散は  $\ln(n_{fS})$  の分散と等しくなる. 作用する応力範囲が 一定でない場合においても市川の文献<sup>(10)</sup>を参考に、 $D_{cr}$  を 寿命比として定義し、対数正規分布に従うものと仮定する.

いま,疲労試験データの数が $N_{\rm R}$ 個あり, $D_{\rm cr}$ の標本  $d_{\rm R,1}, d_{\rm R,2}, \cdot \cdot \cdot, d_{\rm R,N_{\rm R}}$ が得られているものとする.この とき, $\ln(D_{\rm cr})$ の標本平均を $\hat{m}_{\rm R}$ ,不偏分散を $\hat{s}_{\rm R}^2$ と定義する.

信頼水準 1- $\gamma$ を所与のものとして、 $\ln(D_{cr})$ の母平均  $\mu_R$ および母分散  $\sigma_R^2$ の最悪値を推定することを考える.  $\mu_R$ の最悪値は信頼水準 1- $\gamma$ に対する  $\mu_R$  の信頼下限  $\mu_{R,\gamma}$  で あり、 $\sigma_R^2$ の最悪値は信頼水準 1- $\gamma$ に対する  $\sigma_R^2$  の信頼上 限  $\sigma_{R,\gamma}^2$  であるとみなせる. ここで、母平均  $\mu_R$  は小さい 方が非安全側であり、母分散  $\sigma_R^2$  は大きい方が非安全側で あることに注意する. これらはおのおの(4)、(5)式で 与えられる.

$$\mu_{\rm R} \ge \mu_{\rm R,\gamma} = \hat{m}_{\rm R} - t_{\gamma} \left( N_{\rm R} - 1 \right) \frac{\hat{s}_{\rm R}}{\sqrt{N_{\rm R}}} \qquad \dots \dots \qquad (4)$$

$$\sigma_{\rm R}^2 \le \sigma_{{\rm R},\gamma}^2 = \frac{(N_{\rm R}-1)\,\hat{s}_{\rm R}^2}{\chi_{1-\gamma}^2(N_{\rm R}-1)} \qquad (5)$$

ここに, t<sub>y</sub>(N-1) は自由度が N-1 の t 分布の, 上側確

率  $\gamma$ に対応するパーセント点である.また,  $\chi^{2}_{1-\gamma}(N-1)$ は自由度が N-1 の  $\chi^{2}$  分布の,上側確率  $1-\gamma$ に対応す るパーセント点である.ここでは  $\mu_{R}$ ,  $\sigma_{R}$  のおのおのが同 時に信頼限界下限値および上限値を取る場合を最悪ケース と考える.この考え方は IIW の指針 (International Institute of Welding, 2008)<sup>(6)</sup>においても記述されている.最悪ケー スにおける, $D_{cr}$ の母平均を  $E_{\gamma}[D_{cr}]$ ,母分散を  $V_{\gamma}[D_{cr}]$ と定義すると,対数正規分布の性質から(6),(7)式の ように書ける.

$$E_{\gamma}[D_{\rm cr}] = \exp\left(\mu_{\rm R,\gamma} + \frac{\sigma_{\rm R,\gamma}^2}{2}\right) \qquad (6)$$
$$V_{\gamma}[D_{\rm cr}] = \exp\left(2\mu_{\rm R,\gamma} + \sigma_{\rm R,\gamma}^2\right) \left(\exp(\sigma_{\rm R,\gamma}^2) - 1\right)$$
$$(7)$$

# 3.3 走行荷重によって溶接継手に生じる累積疲労損傷 度 D<sub>L</sub> について

いま、走行試験により、単位距離当たり疲労損傷度 DLi について  $N_{\rm L}$  個の標本  $d_{\rm L,1}$ ,  $d_{\rm L,2}$ , · · · ,  $d_{\rm L,N_{\rm I}}$  が得られ ているものとする.著者らの実測経験では、単位距離 a 走行したときの疲労損傷度  $D_{II}$  は単位距離を a = 1 とし て区間分割を行えば対数正規分布に従うが、a = 0.5 とす れば対数正規分布に従わないことが判明している. そのた め、本稿では以後、a=1とし、 $D_{L}$ が対数正規分布に従 うものとする.なお、文献(牧野他、2022)<sup>(2)</sup>において も、区間長を 0.52 ~ 1.75 km として区間分割すれば D<sub>L</sub> が対数正規分布に従うことが指摘されている.本手法は、 単位距離 a 走行したときの疲労損傷度 D<sub>Li</sub> が対数正規分 布に従うことを前提としているため、今後、新たな測定 データを検討する場合は、単位距離 a を仮定して区間分割 したうえで、その結果得られるサンプル d<sub>L,1</sub>, d<sub>L,2</sub>, · · · , d<sub>L,NL</sub>が対数正規分布に従うかどうかを何らかの統計的検 定で確認することが望ましい.

いま, 距離 ka 走行したときの累積疲労損傷度は(8)式 で書くことができる.

 $D_L = D_{L1} + D_{L2} + \dots + D_{Li} + \dots + D_{Lk}$  ……… (8) ここに、 $D_{L1}$ 、 $D_{L2}$ 、· · · 、 $D_{Lk}$  は単位距離当たり疲労 損傷度を表す確率変数であり、独立同分布の対数正規分布 に従う、 $D_L$  の確率分布の厳密解を求めることは困難であ るが、 $D_L$  の近似分布の候補として正規分布を考えること ができる。その理由は中心極限定理によると  $k \to \infty$ にお いて  $D_L$  が正規分布に漸近することが保証されているため である。しかし、 $D_{Li}$  の歪度が大きい場合、評価したい実 用上の k の下限として  $k = 10^5$  (走行距離 10 万 km、単 位距離 *a* = 1 を想定)としたとき,正規分布への収束が 実現しないこともあり得る.したがって,**3.4 節**において モンテカルロシミュレーションによって正規分布への収束 性を確認する.

**3.2節**と同様の議論により,所与の信頼水準  $1-\gamma$ に対し,  $D_L$ の母平均と母分散の最悪値を推定することを考える.  $D_{Li}$ が対数正規分布に従うことを考慮し,  $\ln(D_{Li})$ の標本平均および不偏分散がそれぞれ  $\hat{m}_L$ ,  $\hat{s}_L^2$  であるとする. このとき,信頼水準が  $1-\gamma$  であるとすると,  $\ln(D_{Li})$ の母平均  $\mu_L$  および母分散  $\sigma_L^2$ の信頼上限は (9),(10)式のように書ける.

$$\mu_{\rm L} \le \mu_{{\rm L},\gamma} = \hat{m}_{\rm L} + t_{\gamma} (N_{\rm L} - 1) \frac{\hat{s}_{\rm L}}{\sqrt{N_{\rm L}}} \qquad \dots \dots (9)$$

**3.2節**と同様に,  $\mu_L$ ,  $\sigma_L$  のおのおのが同時に信頼限界 上限値を取る場合を最悪ケースと考え,最悪ケースにおけ る  $D_{Li}$  の母平均および母分散を最悪値とみなすことにす る.すると,対数正規分布の性質から,上記の $\mu_{L,r}$ ,  $\sigma_{L,r}^2$ を用いて  $D_{Li}$  の母平均および母分散の最悪値  $E_{\gamma}[D_{Li}]$ ,  $V_{\gamma}[D_{Li}]$  は (11), (12)式のように書ける.

$$E_{\gamma}[D_{\mathrm{L}i}] = \exp\left(\mu_{\mathrm{L},\gamma} + \frac{\sigma_{\mathrm{L},\gamma}^2}{2}\right) \qquad (11)$$
$$V_{\gamma}[D_{\mathrm{L}i}] = \exp\left(2\mu_{\mathrm{L},\gamma} + \sigma_{\mathrm{L},\gamma}^2\right)\left(\exp\left(\sigma_{\mathrm{L},\gamma}^2\right) - 1\right)$$

..... (12)

平均および分散の加法性から、 $D_L$ の母平均および母分散の最悪値  $E_{\gamma}[D_L]$ ,  $V_{\gamma}[D_L]$ は(13),(14)式のように書ける.

$$E_{\gamma}[D_{\rm L}] = k \exp\left(\mu_{\rm L,\gamma} + \frac{\sigma_{\rm L,\gamma}^2}{2}\right) \qquad (13)$$

 $V_{\gamma}[D_{\rm L}] = k \exp(2\mu_{\rm L,\gamma} + \sigma_{\rm L,\gamma}^2) (\exp(\sigma_{\rm L,\gamma}^2) - 1)$ 

..... (14)

## 3.4 中心極限定理における正規分布への収束性の確認

一般に,独立同分布に従う *n* 個の確率変数 *X<sub>i</sub>* の和の分 布は,中心極限定理により *n* が大きくなると正規分布に 収束する. その収束速度は, *X<sub>i</sub>* の歪度に影響されること が知られている<sup>(11)</sup>. いま, *D<sub>Li</sub>* は対数正規分布に従うと 仮定しており,対数正規分布 *X<sub>i</sub>*( $\mu_{L,\gamma}, \sigma_{L,\gamma}$ )の歪度は  $\sigma_{L,\gamma}$ のみに依存する. そこで,実用上取り得る値として文 献<sup>(2)</sup> における止端半径の大きい場合,および著者らの経 験を参考にし, $\mu_{L,\gamma} = -15$  および, $\mu_{L,\gamma} = -20$  と固定した うえでそれぞれについて  $\sigma_{L,\gamma}$ の値を変化させ,正規分布 への収束性を数値的に確認した.任意の走行距離を単位距 離で除した数,すなわち  $D_{Li}$ の個数である k は寿命評価 の実用上の下限を考慮し,  $k = 10^5$  とした.

ここでは乱数を用いて  $D_{\rm L}$  の標本を 10<sup>4</sup> 回生成し, その 正規確率紙プロットを描いた.  $\mu_{\rm L,\gamma} = -20$  の場合において,  $\sigma_{\rm L,\gamma} = 1.5$ , 1.75, 2.0 とした場合におけるプロットを, **第** 2 図 ~ 第 4 図に示す.  $\sigma_{\rm L,\gamma} = 1.5$  の場合はデータ点が直 線状であるが,  $\sigma_{\rm L,\gamma} = 1.75$  の場合には湾曲が見られ,  $\sigma_{\rm L,\gamma} = 2.0$  の場合には明らかな屈曲が見られる.  $\mu_{\rm L,\gamma} = -15$ の場合においても同様の結果が得られた. さらに定量的に 評価するために, **第 2 図 ~ 第 4 図**における相関係数の値 を**第 1 表**に示す.  $\sigma_{\rm L,\gamma} = 1.5$  の場合は相関係数が 0.9997 であり,  $D_{\rm L}$  は正規分布に従うことが確認できる. また,



第2図  $\mu_{L,\gamma} = -20$ ,  $\sigma_{L,\gamma} = 1.5$  の場合の正規確率プロット Fig. 2 Normal probability plot when  $\mu_{L,\gamma} = -20$  and  $\sigma_{L,\gamma} = 1.5$ 



第3図  $\mu_{L,\gamma} = -20$ .  $\sigma_{L,\gamma} = 1.75$  の場合の正規確率プロット Fig. 3 Normal probability plot when  $\mu_{L,\gamma} = -20$  and  $\sigma_{L,\gamma} = 1.75$ 



第4図  $\mu_{L,\gamma}$ = -20,  $\sigma_{L,\gamma}$ = 2.0 の場合の正規確率プロット Fig. 4 Normal probability plot when  $\mu_{L,\gamma}$ = -20 and  $\sigma_{L,\gamma}$ = 2.0

第1書	€ 第 2	図~第4図における縦軸と横軸の相関係数	
	Table 1	Correlation coefficients for Figs. 2 to 4	

-	相関係数						
$O_{L,\gamma}$	$\mu_{L,\gamma} = -15$	$\mu_{\mathrm{L},\gamma} = -20$					
1.5	0.9997	0.9997					
1.75	0.9984	0.9984					
2.0	0.9900	0.9900					

 $\mu_{L,\gamma}$ が -15 であっても -20 であっても結果が変わらない ことが分かる.したがって,正規分布への収束が得られる かどうかの判断の目安は, $\sigma_{L,\gamma}$ =1.5 であると考えられる.

## 破壊確率および安全係数の算出 σ<sub>L,γ</sub> が 1.5 以 下の場合

## 4.1 破壊確率の算出

ここでは, σ<sub>L,γ</sub>が 1.5 以下の場合を考える. このとき

 $D_{\rm L}$  は中心極限定理により正規分布に従うとみなすことが でき、その信頼水準 1- $\gamma$ での平均値と分散の最悪値はお のおの(13),(14)式で与えられる. $D_{\rm cr}$  は対数正規分布 に従うことを仮定しているから、例えば AFOSM 法 (Advance First-Order Second-Moment method)<sup>(4)</sup>を用い れば破壊確率を算出することができる.なお、 $\sigma_{\rm L,\gamma}$ が 1.5 よりも大きい場合には中心極限定理による収束は保証され ないため、モンテカルロ法で破壊確率を求める必要がある (**5章**に記述).

 $\sigma_{L,\gamma}$ が 1.5 の場合には、 $D_{Li}$ の変動係数は約 2.91 となる(対数正規分布 ( $\mu,\sigma$ )の変動係数は $\sigma$ のみに依存する).  $D_L$ の変動係数は 2.91/ $\sqrt{k}$ であるから、実用上のkの下限として $k = 10^5$ 程度を仮定しても、 $D_L$ の変動係数は 0.00921 である. 一般に溶接継手疲労寿命の場合、 $D_{cr}$ の変動係数は 0.1 以上の値となることが多いことを考えると、 $\sigma_{L,\gamma}$ が 1.5 よりも小さい場合、 $D_L$ のばらつきは $D_{cr}$ のばらつきに比べ1桁以上小さいといえる.  $D_L$ のばらつきは $D_{cr}$ のばらつきに比べ無視できるとみなすと、 $D_L$ は確定値としてとして扱えるため、非常に簡便な式で破壊確率を求めることができる. 信頼水準 1- $\gamma$ の場合における破壊確率 p は (15)式の形で与えられる.

 $p = F(\mu_{R,\gamma}, \sigma_{R,\gamma}, E_{\gamma}[D_L]) \qquad (15)$ 

ここに, *F*(*μ*, *σ*, *x*) は平均値が *μ*, 標準偏差が *σ* である 正規分布の変数 *x* に対する累積分布関数である.

なお, 信頼水準 1- $\gamma$ が 0.875 もしくは 0.95 の場合に おいて  $\hat{s}_L$  および  $N_L$  に対する  $\sigma_{L,\gamma}$  の値を**第2表**, **第3** 表にまとめた.  $\sigma_{L,\gamma}$ が 1.5 より大きくなる場合は斜体で 記し, うすずみを施してある. おおむね  $N_L$  が 100 以下 では  $\sigma_{L,\gamma}$ は  $N_L$  に大きく依存するが,  $N_L$  が 100 を超え

第2表  $\hat{s}_L \geq N_L$  に対する  $\hat{\sigma}_{L,\gamma}$  の依存性  $(1-\gamma=0.875 \text{ 0}場合)$ Table 2 Dependency of  $\hat{\sigma}_{L,\gamma}$  on  $\hat{s}_L$  and  $N_L (1-\gamma=0.875)$ 

ŝ.		NL												
зĽ	20	40	60	80	100	200	300	400	500	1,000				
0.5	0.62	0.58	0.56	0.55	0.55	0.53	0.53	0.52	0.52	0.51				
0.6	0.75	0.69	0.67	0.66	0.65	0.64	0.63	0.63	0.62	0.62				
0.7	0.87	0.81	0.79	0.77	0.76	0.74	0.74	0.73	0.73	0.72				
0.8	1.00	0.93	0.90	0.88	0.87	0.85	0.84	0.83	0.83	0.82				
0.9	1.12	1.04	1.01	0.99	0.98	0.96	0.95	0.94	0.93	0.92				
1.0	1.25	1.16	1.12	1.10	1.09	1.06	1.05	1.04	1.04	1.03				
1.1	1.37	1.27	1.24	1.21	1.20	1.17	1.16	1.15	1.14	1.13				
1.2	1.49	1.39	1.35	1.32	1.31	1.27	1.26	1.25	1.25	1.23				
1.3	1.62	1.50	1.46	1.44	1.42	1.38	1.37	1.36	1.35	1.33				
1.4	1.74	1.62	1.57	1.55	1.53	1.49	1.47	1.46	1.45	1.44				
1.5	1.87	1.74	1.68	1.66	1.64	1.59	1.58	1.56	1.56	1.54				

â		NL											
зL	20	40	60	80	100	200	300	400	500	1,000			
0.5	0.69	0.62	0.59	0.58	0.57	0.55	0.54	0.53	0.53	0.52			
0.6	0.82	0.74	0.71	0.69	0.68	0.65	0.64	0.64	0.63	0.62			
0.7	0.96	0.86	0.83	0.81	0.79	0.76	0.75	0.74	0.74	0.73			
0.8	1.10	0.99	0.94	0.92	0.91	0.87	0.86	0.85	0.84	0.83			
0.9	1.23	1.11	1.06	1.04	1.02	0.98	0.97	0.96	0.95	0.93			
1.0	1.37	1.23	1.18	1.15	1.13	1.09	1.07	1.06	1.06	1.04			
1.1	1.51	1.36	1.30	1.27	1.25	1.20	1.18	1.17	1.16	1.14			
1.2	1.64	1.48	1.42	1.38	1.36	1.31	1.29	1.27	1.27	1.25			
1.3	1.78	1.60	1.53	1.50	1.47	1.42	1.39	1.38	1.37	1.35			
1.4	1.92	1.72	1.65	1.61	1.59	1.53	1.50	1.49	1.48	1.45			
1.5	2.06	1.85	1.77	1.73	1.70	1.64	1.61	1.59	1.58	1.56			

第3表  $\hat{s}_L \geq N_L$  に対する  $\hat{\sigma}_{L,\gamma}$  の依存性 (1- $\gamma$ =0.95 の場合) Table 3 Dependency of  $\hat{\sigma}_{L,\gamma}$  on  $\hat{s}_L$  and  $N_L$  (1- $\gamma$ =0.95)

ると  $N_{\rm L}$  に対する依存性が小さくなることが分かる.した がって,推奨すべき  $N_{\rm L}$  の目安として 100 程度の値が想 定される.

#### 4.2 部分安全係数の算出

機械学会基準<sup>(4)</sup>にのっとると、所与の目標破壊確率  $p_A$ が与えられた場合における、荷重側と強度側のおのお のの部分安全係数を算出することができる、具体的には以 下のように算出する、

- ・強度側の平均値  $\mu_{R,\gamma}$  および標準偏差  $\sigma_{R,\gamma}$  に変化率  $\delta$  を乗算し,破壊が生じる確率が最も高い点である設 計点  $D_{cr}^*$ ,  $D_L^*$  および破壊確率 p を算出する.
- ・破壊確率 p が  $p_A$  に一致するように  $\delta$  を変化させ、 収束計算を行う.
- ・設計点の値と平均値の比を,部分安全係数 *PSF* とする((16),(17)式).

$$PSF_{\rm R} = \frac{\delta \cdot E_{\gamma} [D_{\rm cr}]}{D_{\rm cr}^*} \qquad (16)$$

$$PSF_{\rm L} = \frac{D_{\rm L}^*}{E_{\gamma}[D_{\rm L}]} \qquad (17)$$

ここに, *PSF*<sub>R</sub> は強度側の部分安全係数, *PSF*<sub>L</sub> は荷重 側の部分安全係数である.

**4.1節**で仮定したように、荷重側のばらつきが無視できる 場合においては、 $D_{cr}^* = D_L^* = E_y[D_L]$ であるから、 $PSF_L = 1$ である.強度側の平均値および標準偏差に変化率  $\delta$  を乗 算する操作においては、変動係数が一定であるから、乗算 後の対数正規分布の母数 ( $\mu$ , $\sigma$ ) のうち、 $\sigma$  は  $\sigma_{R,\gamma}$  のまま 不変である.この事実を用いると、簡単な計算により、  $PSF_R$  は (18)式のように求められる (**第5図**).





$$PSF_{\rm R} = \exp\left(\beta\sigma_{\rm R,\gamma} + \frac{1}{2}\sigma_{\rm R,\gamma}^2\right) \quad \dots \qquad (18)$$

ここに、 $\beta$ は信頼性指標であり、 $\beta = -\Phi^{-1}(p_A)$ であり、  $\Phi$ は標準正規分布の累積分布関数である.

信頼水準 1- $\gamma$ を 0.875 もしくは 0.95, 目標破壊確率  $p_A$ を 0.001 もしくは 0.005,  $D_{cr}$ の標本平均  $\hat{d}_R$ を 1 とし たときの,  $D_{cr}$ の変動係数および  $N_R$  に対する部分安全係 数 PSF<sub>R</sub>を第4表~第7表にまとめた.ここに,信頼 水準の値は前記 3.1節で記載したように,IIW 指針<sup>(6)</sup> と米軍 MIL 規格<sup>(7)</sup>を参考にした.また目標破壊確率は 文献<sup>(2)</sup>および著者らの経験から,鉄道車両台車枠に求め られる破壊確率として工学的判断により設定した. $N_R$ が 10 以下のときは PSF<sub>R</sub> は  $N_R$  に対して大きく依存するも のの,  $N_R$ が 20 以上になると PSF<sub>R</sub>の  $N_R$  に対する依存 性が小さくなることが分かる.したがって, $N_R$ の目安と して 10~20 の値が想定され,材料試験のコストと安全 係数を大きく取ることによるコストの比較衡量により設計

$\text{COV}(D_{\text{cr}})$		N <sub>R</sub>											
	5	6	7	8	9	10	15	20	25	30			
0.1	1.78	1.69	1.64	1.61	1.58	1.56	1.51	1.48	1.46	1.45			
0.15	2.39	2.22	2.12	2.05	2.00	1.96	1.86	1.81	1.78	1.76			
0.2	3.23	2.92	2.74	2.62	2.53	2.47	2.29	2.21	2.16	2.13			
0.25	4.38	3.85	3.55	3.36	3.22	3.11	2.83	2.70	2.63	2.58			
0.3	5.96	5.09	4.61	4.30	4.09	3.93	3.50	3.31	3.20	3.12			
0.35	8.11	6.73	5.98	5.51	5.19	4.95	4.33	4.05	3.89	3.78			
0.4	11.03	8.89	7.76	7.06	6.58	6.24	5.34	4.94	4.72	4.57			
0.45	14.98	11.72	10.04	9.02	8.34	7.84	6.57	6.03	5.71	5.51			
0.5	20.30	15.42	12.97	11.50	10.53	9.83	8.07	7.33	6.91	6.63			

第4表 さまざまな COV や標本数に対する  $D_{cr}$  の部分安全係数  $PSF_{R}(1-\gamma=0.875, p_{A}=0.001$ の場合) Table 4 Partial safety factors of  $D_{cr}(PSF_{R})$  for various COVs and number of samples  $(1-\gamma=0.875, p_{A}=0.001)$ 

第5表 さまざまな COV や標本数に対する  $D_{cr}$ の部分安全係数  $PSF_{R}$  (1- $\gamma$ =0.95,  $p_{A}$ =0.001 の場合) Table 5 Partial safety factors of  $D_{cr}(PSF_{R})$  for various COVs and number of samples (1- $\gamma$ =0.95,  $p_{A}$ =0.001)

$\text{COV}(D_{\text{cr}})$	N <sub>R</sub>											
	5	6	7	8	9	10	15	20	25	30		
0.1	2.14	1.95	1.84	1.77	1.72	1.68	1.58	1.54	1.51	1.50		
0.15	3.18	2.75	2.52	2.37	2.27	2.20	2.01	1.92	1.87	1.84		
0.2	4.77	3.91	3.47	3.20	3.02	2.89	2.55	2.40	2.32	2.26		
0.25	7.21	5.60	4.80	4.33	4.02	3.80	3.24	3.00	2.87	2.78		
0.3	10.96	8.03	6.66	5.87	5.36	5.00	4.12	3.76	3.56	3.43		
0.35	16.73	11.55	9.25	7.96	7.15	6.58	5.24	4.70	4.41	4.22		
0.4	25.58	16.63	12.84	10.80	9.53	8.67	6.66	5.88	5.45	5.18		
0.45	39.14	23.93	17.82	14.62	12.69	11.39	8.44	7.33	6.73	6.35		
0.5	59.80	34.36	24.67	19.76	16.85	14.93	10.68	9.12	8.29	7.77		

第6表 さまざまな COV や標本数に対する  $D_{cr}$ の部分安全係数  $PSF_{R}(1-\gamma=0.875, p_{A}=0.005 \text{ o}$ 場合) Table 6 Partial safety factors of  $D_{cr}(PSF_{R})$  for various COVs and number of samples  $(1-\gamma=0.875, p_{A}=0.005)$ 

$COV(D_{i})$	N <sub>R</sub>											
$COV(D_{cr})$	5	6	7	8	9	10	15	20	25	30		
0.1	1.62	1.55	1.51	1.49	1.47	1.45	1.41	1.39	1.38	1.37		
0.15	2.08	1.95	1.88	1.83	1.79	1.76	1.68	1.64	1.62	1.60		
0.2	2.69	2.47	2.33	2.25	2.19	2.14	2.01	1.95	1.91	1.88		
0.25	3.48	3.12	2.91	2.77	2.68	2.60	2.40	2.31	2.25	2.22		
0.3	4.53	3.96	3.64	3.43	3.28	3.17	2.88	2.74	2.66	2.61		
0.35	5.91	5.03	4.55	4.24	4.03	3.87	3.45	3.26	3.14	3.07		
0.4	7.70	6.39	5.69	5.24	4.94	4.71	4.13	3.86	3.71	3.61		
0.45	10.04	8.12	7.10	6.48	6.05	5.74	4.93	4.58	4.37	4.24		
0.5	13.07	10.30	8.86	7.99	7.40	6.97	5.89	5.41	5.14	4.97		

第7表 さまざまな COV や標本数に対する  $D_{\rm cr}$ の部分安全係数  $PSF_{\rm R}$  (1- $\gamma$ =0.95,  $p_{\rm A}$ =0.005 の場合) Table 7 Partial safety factors of  $D_{\rm cr}$  ( $PSF_{\rm R}$ ) for various COVs and number of samples (1- $\gamma$ =0.95,  $p_{\rm A}$ =0.005)

COV(D)	N <sub>R</sub>											
$COV(D_{cr})$	5	6	7	8	9	10	15	20	25	30		
0.1	1.89	1.75	1.67	1.61	1.57	1.55	1.47	1.44	1.41	1.40		
0.15	2.65	2.34	2.17	2.07	1.99	1.94	1.79	1.73	1.69	1.67		
0.2	3.75	3.16	2.85	2.66	2.54	2.44	2.20	2.09	2.02	1.98		
0.25	5.34	4.29	3.77	3.45	3.23	3.08	2.69	2.52	2.43	2.37		
0.3	7.66	5.86	4.99	4.47	4.14	3.90	3.31	3.06	2.92	2.82		
0.35	11.05	8.02	6.61	5.81	5.30	4.94	4.06	3.70	3.50	3.37		
0.4	15.99	10.99	8.78	7.56	6.79	6.26	4.99	4.48	4.20	4.02		
0.45	23.17	15.08	11.67	9.83	8.69	7.92	6.12	5.41	5.03	4.79		
0.5	33.60	20.68	15.49	12.77	11.12	10.01	7.49	6.53	6.02	5.70		

者が決定すべきである.

なお、 $D_{\rm cr}$ の変動係数 COV( $D_{\rm cr}$ ) から  $\ln(D_{\rm cr})$ の不偏分 散  $\hat{s}_{\rm R}^2$ を求めるに当たっては (19)式が成り立つものと仮 定し<sup>(4)</sup>、さらに (5)式を用いて  $\sigma_{\rm R_{*}}$ を算出した.

 $\hat{s}_{\rm R}^2 = \ln(1 + {\rm COV}(D_{\rm cr})^2)$  ..... (19)

## 5. 破壊確率の算出 $\sigma_{L,\gamma}$ が 1.5 よりも大きい場合

**4 章**では,  $\sigma_{L,\gamma}$ が 1.5 以下の場合について検討したた め,  $\hat{s}_{L}^{2}$ を小さな値に設定した.本章では,  $\sigma_{L,\gamma}$ が 1.5 よ りも大きな場合について検討するため,一例として,牧野 らの文献<sup>(2)</sup>に記載の  $\hat{s}_{L}^{2}$ を用いた場合を取り扱う.牧野 らの止端半径が大きい継手の場合の記述を参考に,各種パ ラメータを次のように仮定した.すなわち,  $N_{L} = 32$ ,  $\hat{d}_{L} = 2.686 \times 10^{-7}$ ,  $\hat{s}_{L}^{2} = 3.155^{2}$ ,  $N_{R} = 12$ ,  $\hat{d}_{R} = 1$ ,  $\hat{s}_{R}^{2} =$ 0.4108<sup>2</sup>とする.また,前述のように単位距離 *a* は, *a* = 1 と仮定した.

上記パラメータを用い,信頼水準 1- $\gamma$ を 0.875 もしく は 0.95 として検討を行った.信頼水準 1- $\gamma$ が小さい方 の 0.875 とした場合においても  $\sigma_{L}$ の最悪値である  $\sigma_{L,\gamma}$ は 3.724 であり 1.5 を超過する.したがって,中心極限 定理により  $D_{L}$ が正規分布に収束するとみなすことは不可 能であり,かつ  $V_{\gamma}[D_{L}]$  が  $V_{\gamma}[D_{cr}]$ に対して無視できない と判断し,モンテカルロ法により破壊確率 p を求めた.

信頼水準  $1-\gamma \ge 0.875$  もしくは 0.95 とし,走行距離 と破壊確率の関係を示したものを**第6** 図に示す.**第6** 図 より,破壊確率は信頼水準  $1-\gamma$ に対して大きく変化する ことが分かる.この理由は標本数  $N_{\rm R}$  および  $N_{\rm L}$  が小さい ためと考えられる.信頼水準  $1-\gamma$ に依存する不確実性は 物理的に生じる本質的なばらつきではなく,小標本である ことに起因する確率論的不確定性であるから,この不確実



第6図 走行距離と破壊確率の関係 Fig. 6 Relationship between mileage and probability of failure

性を減ずるためできるだけ標本数  $N_{\rm R}$ ,  $N_{\rm L}$  を大きくする ことが望ましい.

なお,モンテカルロシミュレーションにおける試行回数 に対する破壊確率の収束状況を第7図に示す.破壊確率 は試行回数に対して収束しており,試行回数は十分であっ たものと考えられる.

第6図で示す破壊確率は牧野らが算出した破壊確率よ りもかなり大きい.この理由として、牧野らの文献(牧 野他、2022)<sup>(2)</sup>では、母集団の統計的性質(Statistical property)と小標本による不確定性(Uncertainty)の区別 が整理されていない、累積損傷値 Dの最悪値を評価して 論ずるべきであるところそれが明確になっていない、D の最悪値を評価するうえでは $\sigma_L$ の不確定性について論じ るべきであるところそれが論じられていない、という 3 点が挙げられる.

### 6. 信頼性管理手法の提案

本稿の手法を具体的に適用する用途として,台車新製時 に走行試験を行い,設計走行距離に対して台車溶接部の疲 労強度が目標信頼性を満足することを確認する場合が挙げ られる.設計時の信頼性管理手法の手順を**第8図**に示す.

最初に信頼水準  $1-\gamma$ と目標破壊確率  $p_A$ ,設計走行距離 ka を決める.これまで ka は任意の走行距離としてきた が,これを設計走行距離と読み替えても同様の議論が成り 立つことに注意する.次に, $\sigma_{L,\gamma}$ が 1.5 より大きいか否







第8図 信頼性管理手法のフローチャート Fig. 8 Flowchart of reliability management method

かで場合分けを行う. $\sigma_{L,\gamma}$ が 1.5 以下の場合には 4 章に 記載の部分安全係数表(第 4 表 ~ 第 7 表)を用いて部 分安全係数  $PSF_R$ を求め,(20)式が満たされていれば目 標信頼性を有していることの確認ができたことになる.

 $\frac{E_{\gamma}[D_{\rm cr}]}{PSF_{\rm R}} - E_{\gamma}[D_{\rm L}] > 0 \qquad (20)$ 

ここで,  $D_{cr}$  の最悪値である  $E_{\gamma}[D_{cr}]$ は, (4)~(6)式 を用いて求めることができる.また,  $D_{L}$  の最悪値である  $E_{\gamma}[D_{L}]$ は(9), (10), (13)式を用いて求めることがで きる.

(20)式が満たされない場合は設計走行距離が過大であるので設計走行距離 ka を減少させて評価をやり直すか, 溶接継手の止端部に仕上げ加工を追加するなどの設計変更 を行う.

 $\sigma_{L,\gamma}$ が 1.5 より大きい場合には 5 章に記載のモンテカ ルロ法により破壊確率 pを求め、 $p < p_A$ であることを確認すればよい.

過去の類似台車の試験結果などから先験的に溶接継手に

生じる単位距離当たりの累積疲労損傷度  $D_{\text{Li}}$  の分布が分かっている場合には、設計段階で(20)式あるいは  $p < p_{\text{A}}$ が満足されるかどうかを確かめ、満たされなかった場合には設計変更を検討することも可能である。

本稿の手法は上記用途の他,維持管理用途にも使用する ことができる.具体的には,供用中に台車が運用される路 線が路線 A から路線 B に変わる場合において,再度走行 試験を実施して残余の走行可能距離を推定する場合であ る.なお,新造当初に路線 A で走行試験が行われている ものとする.すると,路線 A での走行距離が既知であれ ば累積疲労損傷度の最悪値  $E_{\gamma}[D_{\text{L},\text{A}}]$ は(9),(10), (13)式により求められる.その後,供用される路線が B に変更された場合の目標信頼性は,路線 B における目標 走行距離を仮定したうえで同様にして累積疲労損傷度の最 悪値  $E_{\gamma}[D_{\text{L},\text{B}}]$ を求めれば,(21)式により評価すること ができる.

$$\frac{E_{\gamma}[D_{\rm cr}]}{PSF_{\rm R}} - \left(E_{\gamma}[D_{\rm L,A}] + E_{\gamma}[D_{\rm L,B}]\right) > 0 \quad \cdots \quad (21)$$

すなわち,過去に路線 A で生じた累積疲労損傷度の最 悪値と,未来に路線 B で生じる累積疲労損傷度の最悪値 の和を,トータルの累積疲労損傷度の最悪値とみなせばよ い.モンテカルロ法により評価する場合も同様である.

## 7. 結 言

供用荷重下における鉄道車両台車枠の溶接継手を対象と した破壊確率評価法について検討し, 信頼性工学の手法に のっとり信頼水準と目標信頼度を定めたうえで信頼性を管 理する具体的方法をフローチャートの形で提案した. その うえで, 以下のことを明確にした.

- (1) 荷重のばらつきが小さい場合には材料強度のばら つきのみを考えればよく、その場合には簡便な式で 破壊確率や安全係数を求めることができる.
- (2) 荷重の標本数 N<sub>L</sub>の目安として 100 程度の値が
   想定される.また,強度の標本数 N<sub>R</sub>の目安として
   10~20 の値が想定される.
- (3) 荷重のばらつきが大きい場合には、モンテカルロ 法より破壊確率を求める必要性を示し、具体的な数 値計算例を示した.
- (4) 単位距離当たり損傷度 *D*<sub>Li</sub> を求めるために区間分割を行う際は、*D*<sub>Li</sub> が対数正規分布に従うように単位距離 *a* を定めるべきである。

今後,材料試験データや走行試験データを拡充して本稿 に示した信頼性に関する分析を行い,設計上考慮すべき信 頼水準や破壊確率についてのコンセンサスの形成を図って いく必要があると考えられる.また,本手法を台車枠の新 規設計および製造時に活用するだけでなく,運用中の台車 枠の余寿命評価を含む維持管理手法に反映させていくこと が望ましいと考えられる.

## 参考文献

- (1) 長瀬隆夫:鋼製溶接構造台車枠の疲労強度,研友 社,初版,2010年
- (2) 牧野泰三,加藤孝憲,長谷川翔一,山崎陽介,亀
   甲 智,下川嘉之:部分安全係数法(JIS B9955-2017)
   を用いた鉄道車両用台車枠溶接部の寿命と破壊確率の評価,日本機械学会論文集,Vol. 88, No. 915,2022年,DOI:10.1299/transjsme.22-00102
- (3) 一般財団法人日本規格協会: JIS E4207 鉄道車両-台車-台車枠設計通則, 2019 年
- (4) 一般社団法人日本機械学会: JSME E018-2018 部
   分安全係数法を用いた機械製品の信頼性評価に関する指針,2018年
- (5) 酒井信介:許容応力の確率論的決定法,圧力技術, Vol. 60, No. 1, 2022年, pp. 18 23
- (6) International Institute of Welding : Recommendations for fatigue design of welded joints and components, XIII-1539-96/XV-845-96, (2008)
- (7) アメリカ国防総省: MIL-HDBK-5J, Metallic materials and elements for aerospace vehicle structures, (2003)
- (8) 日本鋼構造協会編:鋼構造物の疲労設計指針・同解説 付・設計例 -, 2012 年
- (9) British Standards Institution : BS 7608:2014+ A1:2015 Guide to fatigue design and assessment of steel products, BSI Standards Publication, (2015)
- (10)市川昌弘:構造信頼性工学 強度設計と寿命予測のための信頼性手法,海文堂出版,初版,1988年,
   p.48
- (11) 蓑谷千凰彦:計量経済学大全,東洋経済新報社, 初版, 2007年, p. 339

(日本機械学会論文集, 2024年, 90巻, 934号, p. 24-00053より転載)